

---

Websuche

Linkanalyse

# Bibliometrik: Zitatanalyse

---

- Viele Dokumente enthalten *Bibliographien* (oder *Referenzen*), d.h. eindeutige *Zitierungen* anderer vorher veröffentlichter Dokumente.
- Bei Verwendung von Zitaten als Links können solche Korpora als Graph betrachtet werden.
- Die Struktur dieses Graphen kann unabhängig vom Inhalt interessante Informationen über die Ähnlichkeit von Dokumenten und die Struktur von Informationen liefern.

# Einflussfaktor (Impact Factor)

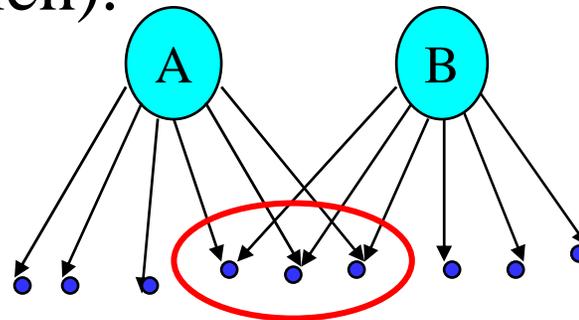
---

- Von Garfield in 1972 entwickelt, um die Bedeutung (Qualität, Einfluss) von wissenschaftlichen Zeitschriften zu messen.
- Maß dafür, wie oft Artikel einer Zeitschrift von anderen Wissenschaftlern zitiert werden.
- Wird jährlich vom Thompson Scientific (<http://www.isinet.com/>) berechnet und veröffentlicht.
- Der *Einflussfaktor* einer Zeitschrift  $J$  im Jahr  $Y$  ist die durchschnittliche Anzahl von Zitaten (von allen indizierten Dokumenten, die im Jahr  $Y$  veröffentlicht wurden) eines Papers, das in  $J$  im Jahr  $Y-1$  oder  $Y-2$  veröffentlicht wurde.
- Berücksichtigt nicht die Qualität des zitierenden Artikels.
- Siehe auch <http://citeseer.ist.psu.edu/impact.html> für einen ähnlichen Index.

# Bibliographische Kopplung

---

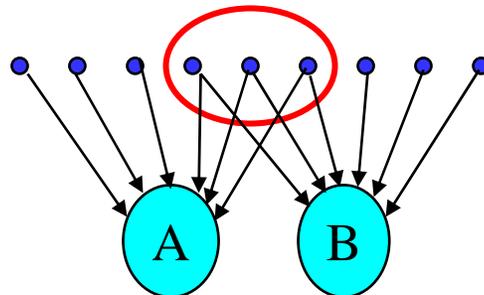
- Maß für die Ähnlichkeit von Dokumenten, das 1963 von Kessler eingeführt wurde.
- Die bibliographische Kopplung von zwei Dokumenten  $A$  und  $B$  ist die Anzahl der Dokumente, die *sowohl* von  $A$  als auch von  $B$  zitiert werden, d.h. der Umfang des Durchschnitts ihrer Bibliographien (ggf. normiert durch die Größe der Bibliographien).



# Ko-Zititation

---

- Ein alternatives auf Zitaten basierendes Maß der Ähnlichkeit, das 1973 von Small eingeführt wurde.
- Anzahl der Dokumente, die sowohl *A* als auch *B* zitieren, ggf. normalisiert durch die gesamte Anzahl von Dokumenten die entweder *A* oder *B* zitieren.



# Zitate im Vergleich zu Links

---

- Weblinks sind anders als Zitate:
  - Links sind navigationsfähig.
  - Viele Seiten mit hohem In-Grad sind Portale und keine Inhaltsanbieter.
  - Nicht alle Links (aber auch nicht alle Zitate) sind Bestätigungen.
  - Firmenwebseiten verweisen nicht auf ihre Konkurrenten, Zitate relevanter Literatur werden hingegen durch Peer-Reviewing erzwungen.

# Autoritäten

---

- *Autoritäten* sind Seiten, die anerkannt sind, und die signifikante, vertrauenswürdige und nützliche Information zu einem Thema zu liefern.
- *In-Grad* (Anzahl von Zeigern auf eine Seite) ist ein einfaches Maß der Autorität.
- Jedoch behandelt ein In-Grad alle Links gleich.
- Sollten nicht Links von Seiten, die selbst Autoritäten sind, mehr zählen?

# Hubs

---

- *Hubs* sind Indexseiten, die viele nützliche Links auf relevante Inhaltsseiten (Themenautoritäten) liefern.
- Hubseiten zum Thema “Information Retrieval” sind z.B unter <http://www.cs.utexas.edu/users/mooney/ir-course> zu finden.

# HITS

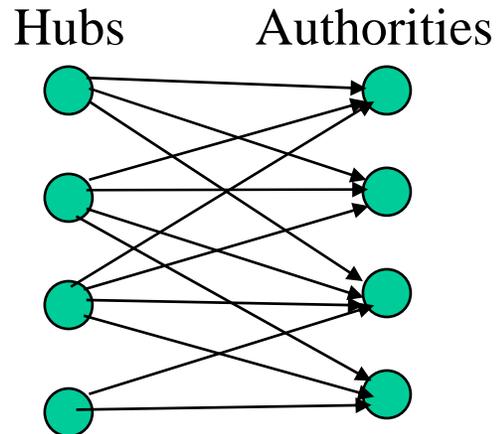
---

- Algorithmus, der 1998 von Kleinberg entwickelt wurde.
- Er versucht, Hubs und Autoritäten zu einem bestimmten Thema rechnerisch durch die Analyse eines relevanten Subgraphen des Webs zu bestimmen.
- HITS basiert auf einer rekursiven Definition:
  - Hubs verweisen auf viele Autoritäten.
  - Auf Autoritäten wird von vielen Hubs verwiesen.

# Hubs und Autoritäten

---

- Zusammen neigen sie dazu, einen bipartiten Graphen zu bilden:



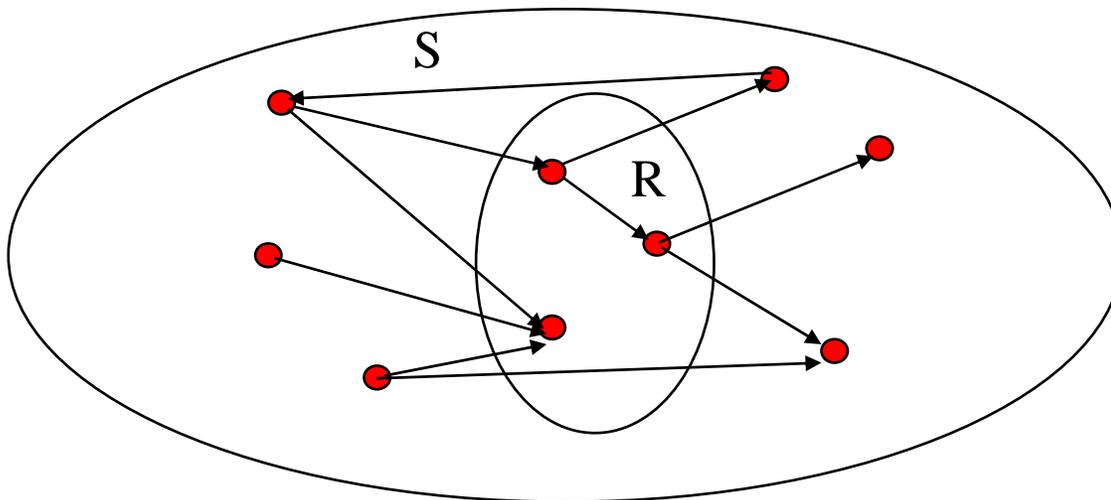
# HITS Algorithmus

---

- Aufgabe: Berechnet Hubs und Autoritäten für ein bestimmtes Thema, das durch eine Anfrage spezifiziert ist.
- Bestimmt zuerst eine Menge relevanter Seiten für die Anfrage, die als *Basis-Menge*  $S$  bezeichnet wird.
- Analysiert die Linkstruktur des durch  $S$  induzierten Teilgraphen, um Autoritäts- und Hubseiten in dieser Menge zu finden.

# Konstruieren eines Basis-Subgraphen

- Für eine spezifische Anfrage  $Q$  sei die *Wurzel-Menge*  $R$  die Menge der von einer Standard-Suchmaschine (z.B. KSM) zurückgegebenen Dokumente.
- $S := R$ .
- Füge zu  $S$  alle Seiten hinzu, auf die mindestens eine Seite in  $R$  verweist.
- Füge zu  $S$  alle Seiten hinzu, die auf mindestens eine Seite in  $R$  verweisen.



# Aufwandsbegrenzung

---

- Um den rechnerischen Aufwand zu limitieren:
  - Begrenze die Anzahl der Wurzelseiten auf die besten 200 Seiten, die für die Anfrage gefunden wurden.
  - Begrenze die Anzahl der “Rückwärts-Link”-Seiten auf eine willkürliche Menge von höchstens 50 Seiten, die von einer “Rückwärts-Link”-Anfrage zurückgegeben wurden.
- Um reine Navigationslinks zu eliminieren:
  - Eliminiere Links zwischen zwei Seiten auf dem gleichen Host.
- Um “nicht-autoritätsfördernde” Links zu eliminieren:
  - Erlaube max.  $m$  ( $m \cong 4-8$ ) Seiten von jedem Host als Zeiger auf ein beliebige individuelle Seite.

# Autorität und In-Grad

---

- Selbst in der Basismenge  $S$  einer gegebenen Anfrage sind die Knoten mit dem höchsten In-Grad nicht notwendigerweise Autoritäten (sondern evtl. nur allgemein bekannte Seiten wie Yahoo oder Amazon).
- Auf 'wahre' Autoritätsseiten wird von mehreren Hubs verwiesen (dies sind Seiten, die auf viele Autoritäten verweisen.)

# HITS – Iterativer Algorithmus

---

- Iterativer Algorithmus, der sich langsam einer sich gegenseitig verstärkenden Menge von Hubs und Autoritäten nähert.
- Aufgabe: Bestimme für jede Seite  $p \in S$ 
  - den Autoritätswert  $a_p$  (zusammengefasst in einem Vektor  $\mathbf{a}$ )
  - und den Hubwert  $h_p$  (Vektor  $\mathbf{h}$ )

# HITS-Algorithmus

---

1. Initialisiere alle  $a_p := h_p := 1$
2. Normalisiere die Werte, so dass gilt:

$$\sum_{p \in S} (a_p)^2 = 1 \quad \sum_{p \in S} (h_p)^2 = 1$$

3. Auf Autoritäten wird durch viele gute Hubs verwiesen:

$$a_p = \sum_{q:q \rightarrow p} h_q$$

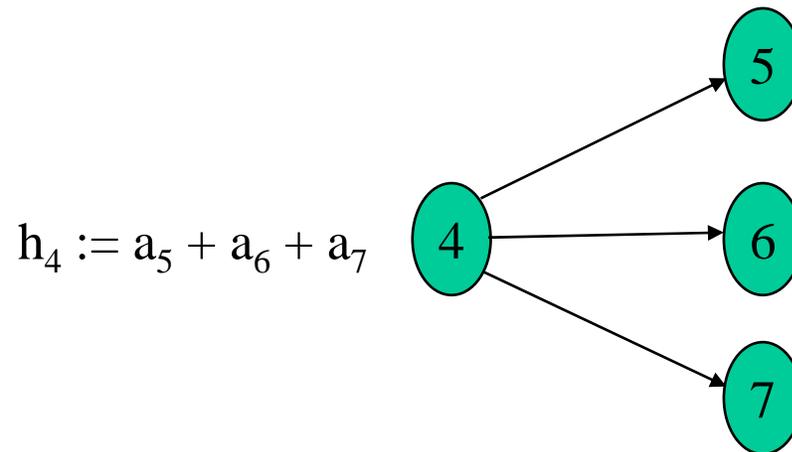
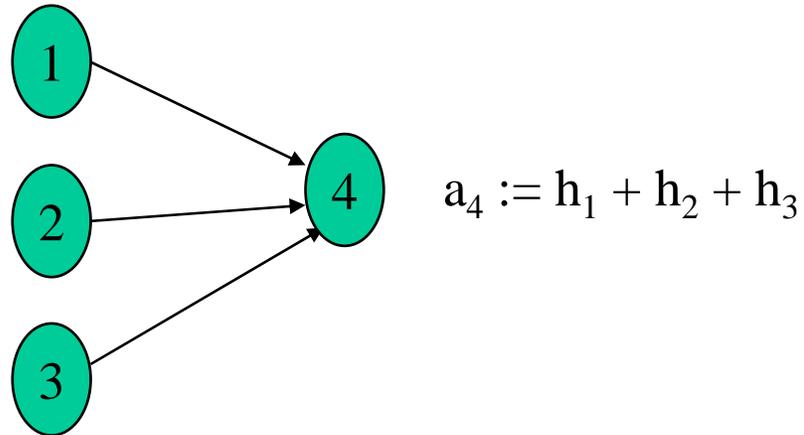
4. Hubs verweisen auf viele gute Autoritäten:

$$h_p = \sum_{q:p \rightarrow q} a_q$$

5. Solange die Vektoren sich (signifikant) ändern, gehe zu Schritt 2

# Illustrierte Update-Regeln

---



# HITS im Detail

---

Initialisiere für alle  $p \in S$ :  $a_p := h_p := 1$

Bis Änderung kleiner als gegebener Schwellwert:

Für alle  $p \in S$ :  
/\* aktualisiere Autoritätswerte \*/  
$$a_p := \sum_{q:q \rightarrow p} h_q$$

Für alle  $p \in S$ :  
/\* aktualisiere Hubwerte \*/  
$$h_p := \sum_{q:p \rightarrow q} a_q$$

Für alle  $p \in S$ :  $a_p := a_p/c$  mit  $c := \sqrt{\sum_{p \in S} a_p^2}$   
/\* **a** normalisieren \*/

Für alle  $p \in S$ :  $h_p := h_p/c$  mit  $c := \sqrt{\sum_{p \in S} h_p^2}$   
/\* **h** normalisieren \*/

# Darstellung in linearer Algebra

---

- Definiere  $A$  als Adjazenzmatrix für den durch  $S$  induzierten Subgraphen.
  - $A_{ij} = 1$  für  $i \in S, j \in S$  gdw.  $i \rightarrow j$  im Graphen.
- Die Autoritätswerte  $a_p$  werden in einem Vektor  $\mathbf{a}$  zusammengefasst, und die Hubwerte  $h_p$  in einem Vektor  $\mathbf{h}$ .
- Die Schritte der Iteration ergeben sich zu
  - $\mathbf{h} := A\mathbf{a}$
  - $\mathbf{a} := A^T\mathbf{h}$

# Konvergenz

---

- Algorithmus konvergiert zu einem *Fixpunkt*, falls unendlich wiederholt.
- Autoritätsvektor  $\mathbf{a}$  konvergiert gegen den ersten Eigenvektor von  $A^T A$ .
- Hubvektor,  $\mathbf{h}$ , konvergiert gegen den ersten Eigenvektor von  $AA^T$ .
- In der Praxis liefern 20 Wiederholungen ziemlich stabile Ergebnisse.

# Ergebnisse

---

- Autoritäten für Anfrage “Java”
  - [java.sun.com](http://java.sun.com)
  - [comp.lang.java FAQ](#)
- Autoritäten für Anfrage “search engine”
  - [Yahoo.com](http://Yahoo.com)
  - [Excite.com](http://Excite.com)
  - [Lycos.com](http://Lycos.com)
  - [Altavista.com](http://Altavista.com)
- Autoritäten für Anfrage “Gates”
  - [Microsoft.com](http://Microsoft.com)
  - [roadahead.com](http://roadahead.com)

(Nach [Kleinberg 1998])

# Beobachtung

---

- In den meisten Fällen waren die endgültigen Autoritäten nicht in der anfänglichen Wurzelmenge, die mit Altavista bestimmt wurde.
- Autoritäten wurden durch Vor- und Rückwärtslinks hinzugefügt (und dann durch HITS als Autorität bestimmt).

# Finden ähnlicher Seiten durch Verwendung der Linkstruktur

---

- Aufgabe: Bestimmung ähnlicher Seiten zu einer Seite  $P$ . (Dieser Ansatz findet Autoritäten in der “Link-Nachbarschaft” von  $P$ .)
- Sei  $t$  gegeben (z.B.  $t = 200$ ).
- Sei  $R$  eine Menge von  $t$  Seiten, die auf  $P$  verweisen (die Wurzelmenge).
- Bestimme die Basismenge  $S$  von  $R$  wie o.a.
- Lasse HITS auf  $S$  laufen.
- Gebe die besten Autoritäten in  $S$  als die “ähnlichsten Seiten von  $P$ ” zurück.

# Ergebnisse der Ähnlichkeitssuche

---

- Gegeben “honda.com”
  - toyota.com
  - ford.com
  - bmwusa.com
  - saturncars.com
  - nissanmotors.com
  - audi.com
  - volvocars.com

# PageRank

---

- Alternative Link-Analyse-Methode, die von Google verwendet wird (Brin & Page, 1998).
- Versucht nicht, die Unterscheidung zwischen Hubs und Autoritäten zu erfassen, sondern klassifiziert Seiten nur nach Autorität.
- Wird eher auf das gesamten Web angewandt als auf eine lokale Nachbarschaft von Seiten, die die Ergebnisse einer Anfrage umgeben.

# Grund-Idee PageRank

---

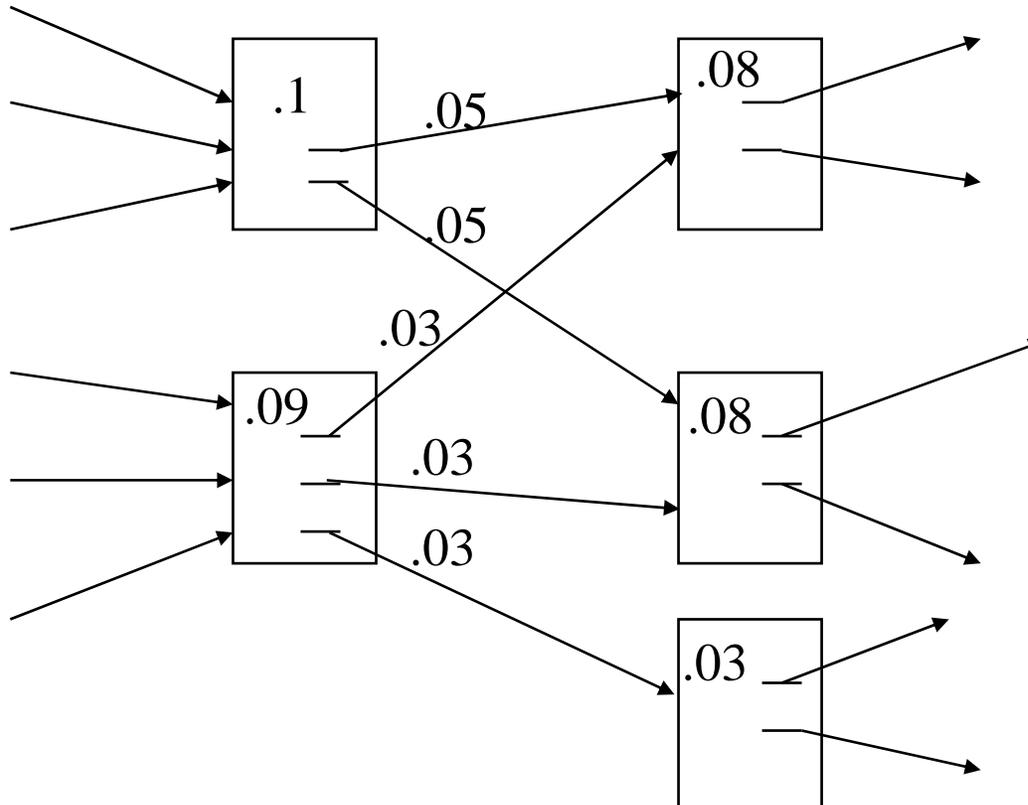
- Die Messung des In-Grades alleine (Zitatzählung) berücksichtigt nicht die Autorität der Quelle eines Links.
- (Vereinfachte) PageRank-Gleichung für Seite  $p$ :

$$R(p) = \sum_{q:q \rightarrow p} \frac{R(q)}{N_q}$$

- $N_q$  ist die Gesamtzahl der Out-Links von Seite  $q$ .
- Eine Seite  $q$  gibt einen gleichen Anteil ihrer Autorität an alle Seiten weiter, auf die sie verweist (z.B. auf  $p$ ).

# Grund-Idee PageRank

- PageRank “fließt” entlang der Kanten:



# Grundidee PageRank

---

- Wiederhole den Fluss-Prozess bis zur Konvergenz:

Sei  $S$  die Gesamtmenge der Seiten.

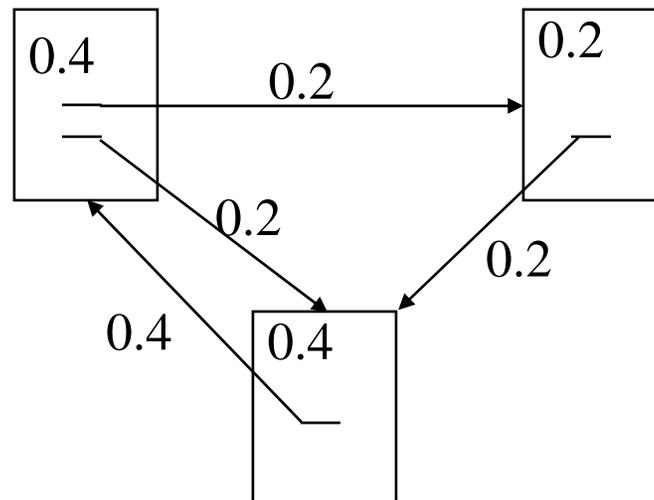
Initialisiere für alle  $p \in S$ :  $R(p) = 1/|S|$

Bis sich Werte nicht mehr (viel) ändern (*Konvergenz*)

$$\text{Für jedes } p \in S: R'(p) = \sum_{q:q \rightarrow p} \frac{R(q)}{N_q}$$

# Beispiel: stabiler Fixpunkt

---



# Lineare-Algebra-Version

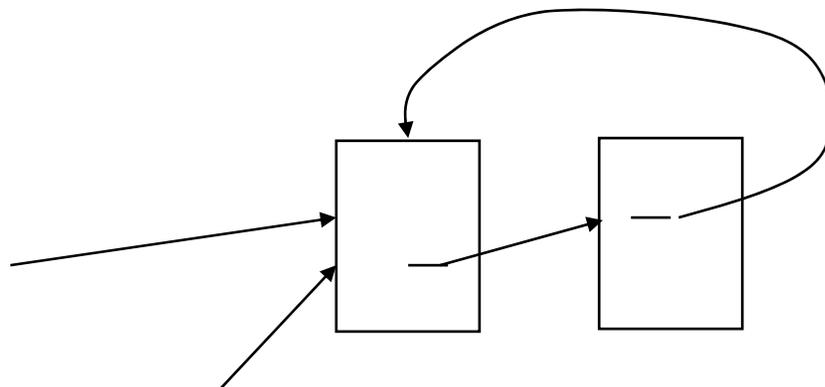
---

- Betrachte  $\mathbf{r} := (R(p))_{p \in S}$  als einen Vektor in  $\mathbb{R}^{|S|}$ .
- Sei  $\mathbf{A}$  die  $|S| \times |S|$ -Matrix mit
$$\mathbf{A}_{vu} := 1/N_u \text{ falls } u \rightarrow v, \text{ und } \mathbf{A}_{vu} := 0 \text{ sonst.}$$
- Dann gilt am Ende des Algorithmus  $\mathbf{r} = \mathbf{A}\mathbf{r}$ ,  
d.h.  $\mathbf{r}$  konvergiert zu dem Eigenvektor von  $\mathbf{A}$ , der  
zum Eigenwert 1 gehört.

# Problem mit anfänglicher Idee

---

- Eine Gruppe von Seiten, die nur auf sich selbst verweist, aber auf die durch andere Seiten verwiesen wird, agiert als eine Gewichts-Senke, die das ganze Gewicht absorbiert.
- “Suchmaschinenoptimierer” nutzen diesen Effekt in “Linkfarmen” aus.



PgeRank fließt im  
Kreis und kann nicht heraus

# Gewichts-Quelle

---

- Führe eine Gewichts-Quelle  $E$  ein, die kontinuierlich den Rank jeder Seite  $p$  durch einen festen Betrag  $E(p)$  ergänzt.

$$R(p) = \alpha \sum_{q:q \rightarrow p} \frac{R(q)}{N_q} + (1 - \alpha)E(p)$$

# PageRank-Algorithmus

---

Sei  $S$  die Gesamtmenge der Seiten.

Sei  $\alpha \in (0,1)$ , z.B.  $\alpha = 0.85$ .

Für alle  $p \in S$ :  $E(p) := 1/|S|$

Für alle  $p \in S$  initialisiere  $R(p) := 1/|S|$ .

Bis sich die Gewichte nicht mehr (viel) ändern (*Konvergenz*):

$$R(p) = \alpha \sum_{q:q \rightarrow p} \frac{R(q)}{N_q} + (1 - \alpha)E(p)$$

# Lineare Algebraversion

---

- Nach Konvergenz gilt  $\mathbf{r} = \alpha \mathbf{A} \mathbf{r} + (1-\alpha) \mathbf{E}$ .
- Wegen  $\|\mathbf{r}\|_1 = 1$  gilt  $\mathbf{r} = c(\alpha \mathbf{A} + (1-\alpha) \mathbf{E} \times \mathbf{1}) \mathbf{r}$   
wobei  $\mathbf{1}$  der Vektor ist, der nur aus 1ern besteht.
- Somit ist  $\mathbf{r}$  ein Eigenvektor von  $\alpha \mathbf{A} + (1-\alpha) \mathbf{E} \times \mathbf{1}$ .

# Random-Surfer-Modell

---

- PageRank kann als Modellierung eines “willkürlichen Surfers” betrachtet werden, der auf einer beliebigen Seite startet und dann entweder
  - mit der Wahrscheinlichkeit  $E(p)$  willkürlich auf die Seite  $p$  springt
  - oder willkürlich einem Link auf der aktuellen Seite folgt.
- $R(p)$  modelliert dann die Wahrscheinlichkeit, dass sich dieser willkürliche Surfer zu jeder gegebenen Zeit auf der Seite  $p$  befindet.
- Die “Sprünge” in  $\mathbf{E}$  werden benötigt, um zu vermeiden, dass der willkürliche Surfer in Web-Senken “gefangen” wird, aus denen kein Link herausführt.

# Konvergenz

---

- Frühe Experimente in Google verwendeten 322 Millionen Links.
- PageRank-Algorithmus konvergiert (mit einer kleinen Toleranz) in ca. 52 Wiederholungen.
- Die Anzahl der für Konvergenz erforderlichen Wiederholungen ist empirisch  $O(\log n)$  (wobei  $n$  die Anzahl der Links ist).
- Daher ist die Berechnung ziemlich effizient.

# Einfache Titelsuche mit PageRank

---

- Verwende zunächst die einfache Boolesche Suche, um Titel von Webseiten zu suchen und klassifiziere die gefundenen Seiten dann nach ihrem PageRank.
- Beispiel-Suche nach “Universität” (aus [Page, Brin 1998]):
  - Altavista gab eine beliebige Menge von Seiten mit “Universität” im Titel wieder (schien kurze URLs zu bevorzugen).
  - Primitives Google gab die Homepages der erstklassigen amerikanischen Universitäten wieder.

# Google-Suche

---

- Komplette Google-Suche umfasste vor der Kommerzialisierung (basierend auf wissenschaftlichen Veröffentlichungen):
  - Vektorraummodell
  - Abstandsmaß zu Schlüsselwörtern
  - HTML-Tag-Gewichtung (z.B. Titelpräferenz)
  - PageRank
- Details zu aktuellen Google-Komponenten sind Betriebsgeheimnisse.

# HTML-Struktur & Merkmalgewichtung

---

- Gewichte ggf. Tokens unter bestimmten HTML- Tags stärker:
  - `<TITLE>` Token (Google scheint Titelübereinstimmungen zu mögen)
  - `<H1>`, `<H2>`... Token
  - `<META>` Schlüsselwort-Token
- Zerlege eine Seite in verschiedene Abschnitte (z.B. Navigationsleiste und Seiteninhalt) und gewichte auf den unterschiedlichen Abschnitten basierende Token unterschiedlich.

# Personalisierter PageRank

---

- PageRank kann durch Ändern von  $\mathbf{E}$  beeinflusst (personalisiert) werden: Beschränken des “Random Surfers” auf eine Menge als relevant spezifizierter Seiten.
- Zum Beispiel durch Setzen von  $E(p) := 0$ , außer auf der eigenen Homepage, wo  $E(p) := \alpha$
- Dies führt zu einer Ausrichtung auf Seiten, die im Webgraphen näher zu der eigenen Homepage sind.

# PageRank-basiertes Spidering

---

- Verwende PageRank, um den Spider auf “wichtige” Seiten zu leiten (zu fokussieren).
- Berechne PageRank unter Verwendung der aktuellen Menge der bearbeiteten Seiten.
- Sortiere die Anfrage-Warteschlange des Spiders auf der Basis des aktuell geschätzten PageRanks.

# Schlussfolgerungen zur Linkanalyse

---

- Die Linkanalyse verwendet als Suchhilfe Informationen über die Struktur des Webgraphen.
- Dies ist eine der wesentlichen Innovationen bei der Websuche
- ... und der primäre Grund für den Erfolg von Google.